## Esame di Teoria dei Giochi del 9 maggio 2012

## Esercizio 1

Dato il seguente gioco in forma estesa:

- trovarne la forma strategica;
- trovare poi tutti gli equilibri di Nash in strategie pure;
- dire quali sono quelli perfetti nei sottogiochi.

## Esercizio 2

Dato il seguente gioco in forma strategica:

| $I^{I}$ | L       | R        |
|---------|---------|----------|
| T       | (2, 1)  | (-1, -2) |
| B       | (2, -1) | (1, 0)   |

Trovare tutti gli equilibri di Nash in strategie pure e miste.

Dire se la seguente distribuzione doi probabilità:

| I | L             | R      |
|---|---------------|--------|
| T | $\frac{1}{5}$ | 0      |
| B | $\frac{1}{5}$ | 3<br>5 |

è una strategia correlata.

## Esercizio 3

Calcolare il valore Shapley del gioco a tre giocatori  $N = \{1, 2, 3\}$ , definito da:

- v(S) = 0 quando S contiene un solo elemento,
- v(S) = 1 quando S contiene 2 elementi
- v(N) = 2.

Il valore trovato appartiene al nucleo?

Trovare il nucleo del gioco.

Trovare poi il valore Myerson del gioco riferito al grafo con vertici 1, 2, 3 nel quale i lati sono  $\{1, 2\}$  e $\{1, 3\}$ .