ISTITUZIONI DI MATEMATICHE

Cognome e Nome Matricola

Appello del 10 giugno 2010

1. Procedo per 40 minuti a una velocità media di 80 km/h e successivamente per 10 minuti a una velocità media di 40 km/h. Qual è la velocità media calcolata sull'intero percorso?

punti 2

2. Data la funzione $f: \mathbf{R} \to \mathbf{R}$ definita per x > 0 da $f(x) = \frac{\sin \lambda x}{4x}$ e per x < 0 da $f(x) = \frac{\sin 4x}{\lambda x}$, determinare per quali valori di $\lambda \in \mathbf{R} \setminus \{0\}$ si ha che $\lim_{x \to 0^+} f(x) = \lim_{x \to 0^-} f(x)$

3. Calcolare il $\lim_{x \to +\infty} \frac{\log x^3 + \log 3^x}{\log(3x)}$

punti 2

4. Date $g(x) = x^{-4}$ e $f(x) = (x^4 - 1)$, determinare il dominio di $g \circ f$

punti 3

5. Data $f(x) = (x + 7e^x)(x^7 + e^x)$, calcolare f'(0)

punti 3

6. Determinare l'insieme in cui assume valori strettamente negativi

la funzione $f(x) = (e^{6x} - e^x)(6x - 2)$

punti 3

- La prova è superata e lo Studente è ammesso alla prova orale se il punteggio complessivo è maggiore o uguale a 15 punti.
- Tempo a disposizione: 2 ore e 30.